

## مقایسه کارایی روش سیستم استنباط فازی و مدل تلفیقی مونت کارلو - سیستم استنباط فازی

### برای پیش‌بینی پراکنش آب شرب مورد نیاز مناطق مختلف شهر کرمانشاه در سال ۱۴۰۰

کیوان باقری\* - کارشناسی ارشد، گروه سنجش از دور، دانشکده جغرافیا، دانشگاه تهران

فرشاد امیراصلانی - استادیار، گروه سنجش از دور، دانشکده جغرافیا، دانشگاه تهران

آرا تومانیان - استادیار، گروه سنجش از دور، دانشکده جغرافیا، دانشگاه تهران

سعید حمزه - استادیار، گروه سنجش از دور، دانشکده جغرافیا، دانشگاه تهران

پذیرش مقاله: ۱۳۹۳/۰۸/۱۴ تأیید مقاله: ۱۳۹۳/۱۱/۱۹

#### چکیده

یکی از مهم‌ترین موضوع‌ها برای پیش‌بینی آب مورد نیاز یک منطقه در آینده، انتخاب مهم‌ترین شاخص‌ها و تعیین وزن آنهاست. در فرایند تصمیم‌گیری چندمعیاره (MCDM) در انتخاب مدل برای تصمیم‌گیری، نمی‌توان به همه شاخص‌هایی که احتمال دارد مؤثر باشند توجه کرد؛ زیرا این کار ممکن است از لحاظ زمان اجرا یا دقت برای موضوع تحقیق بهینه نباشد. از طرفی موضوع بررسی میزان آب مورد نیاز یک منطقه پیچیده و مهم است؛ لذا برای رسیدن به این مهم باید از بهترین مدل و شاخص‌ها استفاده کرد. هدف این پژوهش انتخاب مهم‌ترین شاخص‌ها با استفاده از شبیه‌سازی مونت کارلو و روش الکترونی و سپس نحوه پراکنش میزان آب مورد نیاز مناطق شهر کرمانشاه در سال ۱۴۰۰ با استفاده از سیستم استنباط فازی است. از روش الکترونی برای انتخاب مهم‌ترین شاخص‌ها و از روش مونت کارلو برای تعیین وزن شاخص‌های انتخابی استفاده شده است. در این تحقیق ۱۰ شاخص طبیعی و زیرساخت انسانی برای توسعه شهر کرمانشاه انتخاب شده و با استفاده از نظرسنجی ۴۰ کارشناس خبره ارزش‌دهی شده‌اند. روش الکترونی این شاخص‌ها را فیلتر کرده است و با استفاده از شبیه‌سازی مونت کارلو میزان عدم اطمینان نظرسنجی کاهش داده شده و وزن شاخص‌ها نسبت به هم رتبه‌بندی شده است. نتایج حاکی از آن است که پاسخ دو مدل سیستم استنباط فازی و مدل تلفیقی مونت کارلو - استنباط فازی با هم اختلاف زیادی دارند و استفاده از نتایج مدل مونت کارلو - استنباط فازی برای مدیریت منابع آبی ریسک کمتری دارد.

کلیدواژه‌ها: آب شرب، الکترونی، کرمانشاه، مونت کارلو.

## مقدمه

کمبود آب شیرین با کیفیت مناسب یکی از بزرگ‌ترین چالش‌ها و مسائل پیش روی تمدن بشری در قرن بیست و یکم است که رفاه اجتماعی، بهداشت عمومی و سلامت اکوسیستم‌ها را تهدید می‌کند (Shiklomanov, 2000). نیاز به آب شرب یک مشکل جهانی است (Bathrellos, et al., 2012). محدودیت منابع آب شیرین و افزایش تقاضا برای این ماده حیاتی بدون جایگزین از یک سو و ناهمگونی پراکندگی زمانی و مکانی منابع آب و عدم یکنواختی پراکندگی جمعیت از سوی دیگر، موضوع آب و چگونگی مدیریت آن را به چالشی پیچیده تبدیل کرده است (مخدوم، ۱۳۷۸). تغییرات آب‌وهوا و نبود مدیریت صحیح منابع آبی از مشکلات اصلی در بدتر شدن کیفیت و کمیت آب زیرزمینی و کسری منابع آب است (Panagopoulos & Lambrakis, 2006)؛ لذا برای مدیریت صحیح منابع آبی به پیش‌بینی‌هایی برای نیازسنجی آب مورد نیاز مناطق مختلف در آینده نیاز است که برای رسیدن به این مهم از روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره استفاده می‌شود. در شرایط تصمیم‌گیری می‌توان مسئله مورد نظر را در سه حالت بررسی کرد تا به بهترین جواب دست یافت:

۱. انتخابی: انتخاب بهترین گزینه از میان گزینه‌های ممکن؛

۲. رتبه‌بندی: رتبه‌بندی گزینه‌ها بر اساس ارجحیت آنها؛

۳. گروه‌بندی: دسته‌بندی گزینه‌ها در طبقات از پیش تعیین شده بر اساس مقایسه آنها با منابع و استانداردهای موجود

(ملک‌محمدی و دیگران، ۱۳۸۷؛ Mousseau & Slowinski, 1998).

همچنین نظر به اینکه در مدل‌های تصمیم‌گیری چندشاخصه به جز ویژگی روش‌ها نمی‌توان به عامل دیگری برای مناسب بودن روش اشاره کرد، لذا بهتر است روشی انتخاب شود که کامل‌ترین و مؤثرترین ویژگی‌ها را داشته باشد. استفاده از روش‌های ادغامی (MIXED) که به‌نوعی ویژگی همه روش‌ها در آنها وجود دارد، قابل دفاع‌تر خواهد بود و به‌علاوه، روش‌های تلفیقی بر خلاف روش‌های مستقل بهتر می‌توانند حالت‌های بالا (انتخابی، رتبه‌بندی و گروه‌بندی) را در نظر بگیرند (فاروقی، ۱۳۸۹).

به دلیل اینکه استفاده از اعداد صریح در تصمیم‌گیری برای مسائل مکان‌یابی و پهنه‌بندی بسیار مشکل و گاهی غیرعملی است، بهتر است از اعداد فازی استفاده شود (غضنفری، ۱۳۹۰). مدل‌های تلفیقی (مانند عصبی-فازی) جواب بهتری نسبت به مدل‌های دیگر برای پهنه‌بندی و مکان‌یابی می‌دهد و این قابلیت را به کاربر می‌دهد که به راحتی داده‌ها را پردازش کند و به جواب بهتری نسبت به مدل‌های دیگر برسد (Shu & Ourada, 2008).

انواری (۱۳۹۱)، در تحقیقی نشان داد که مدل‌های تلفیقی نتیجه بهتری نسبت به مدل‌های منفرد در قالب MCDM می‌دهند. از طرفی در یک تصمیم‌گیری هیچ‌گاه همه گزینه‌های استراتژیک به‌طور یکسان مورد توجه استراتژیست‌های یک سازمان نخواهد بود؛ زیرا از میان راه‌های عملی قابل اجرا، باید به مجموعه‌ای از استراتژی‌های مناسب و قابل اجرا توجه شود. همچنین، انتخاب راهبردهای مناسب وظیفه‌ای دشوار است، زیرا باید ابعاد و معیارهای زیادی را هم‌زمان در انتخاب استراتژی‌ها انتخاب کرد (پارسیان، ۱۳۷۹). به عبارت دیگر، در هنگام طراحی و شکل‌گیری استراتژی شناسایی همه طرح‌ها امکان‌پذیر نیست؛ بنابراین طراحی استراتژی بر مبنای اطلاعات کاملاً کلی درباره مجموعه‌ای از گزینه‌ها

صورت می‌گیرد. هنگامی که در تحقیق گزینه‌های مشخص‌تری کشف شود، اطلاعات دقیق‌تری فراهم می‌آید که ممکن است در انتخاب اولیه استراتژی‌ها تردید ایجاد کند. لذا باید با روش‌های مناسب، بهترین گزینه را شناسایی و انتخاب کرد (علی‌احمدی، ۱۳۸۲).

روش‌های تصمیم‌گیری با شاخص‌های چندگانه که به فرایند تصمیم‌گیری با حضور شاخص‌های چندگانه و حتی متضاد اختصاص دارد، قادر است بهترین حالت را با حضور انواع شاخص‌ها برای مسئله تصمیم در نظر بگیرد (اصغرپور، ۱۳۷۷). از سوی دیگر، هنگامی که یک مسئله تصمیم شامل چندین تصمیم‌گیرنده با تمایلات متفاوت (ناشی از ایده‌ها و نظرها، ارزش‌ها و هدف‌های آنها) است، تصمیم‌نهایی نتیجه تعامل تمایلات و برتری‌های افراد است و همین ایده‌های متفاوت بر تغییر و تحول فرایند تصمیم‌گیری به‌گونه‌ای که از ابتدا مدنظر نبوده، تأثیر می‌گذارد (Leyva, 2003). پس با توجه به توضیحات ذکر شده، برای پهنه‌بندی مسائل، مدل‌های تلفیقی نسبت به مدل‌های دیگر تصمیم‌گیری نتیجه بهتری می‌دهند؛ زیرا مدل‌های تلفیقی ویژگی‌های یک مسئله را انعطاف‌پذیرتر و کامل‌تر در نظر می‌گیرند.

به‌طور کلی، روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره (MCDM) به دو گروه تقسیم می‌شوند؛ یک گروه مبتنی بر رتبه‌بندی گزینه‌هاست که به روش‌های رتبه‌بندی شناخته می‌شوند؛ مانند AHP و تاپسیس. گروه دیگر روش‌هایی‌اند که به رتبه‌بندی گزینه‌ها منتهی نمی‌شوند و بر اساس روابط رتبه - برتری بوده و به روش‌های غیررتبه‌ای یا نارتبه‌ای معروف‌اند. از آن جمله می‌توان به روش‌های الکتوری<sup>۱</sup> و پراموسه اشاره کرد (سپهر ۱۳۹۱).

خدابخشی (۱۳۸۹)، برای ارزیابی اثرهای زیست‌محیطی طرح‌های توسعه منابع آب از روش تصمیم‌گیری چندمعیاره الکتوری استفاده کرد و نتیجه گرفت این مدل یکی از معتبرترین تکنیک‌های طبقه‌بندی برای ارزیابی است.

سپهر (۱۳۹۱)، عدم اطمینان حاصل از قضاوت‌ها و عناصر ماتریس تصمیم در ارزیابی شاخص‌های مؤثر در بیابان‌زایی را بررسی کرد. هدف او کاهش عدم اطمینان در ماتریس مقایسه‌های زوجی و تعیین وزن شاخص‌ها با استفاده از شبیه‌سازی و تکرارهای مونت کارلو<sup>۲</sup> بود. وی عدم اطمینان ناشی از اطلاعات تصمیم‌گیرندگان و داده‌هایی که محیط تصمیم‌گیری در اختیار تصمیم‌گیرنده قرار می‌دهد را بررسی کرد. نتایج در نهایت به وزن‌دهی شاخص‌ها انجامید و مهم‌ترین شاخص‌ها مشخص شدند.

رحمتی و همکاران (۲۰۱۴)، از روش‌های فازی، فازی - عصبی و رگرسیون برای پیش‌بینی آب شهری در تهران با استفاده از پارامترهای اقلیمی پرداختند که نتایج پژوهش آنها حاکی از برتری مدل فازی - عصبی بر دیگر مدل‌ها است. شهرکی و همکاران (۲۰۱۴)، میزان آب مورد نیاز شهر زاهدان در کوتاه‌مدت را با استفاده از هوش مصنوعی بررسی کردند و نتایج نشان داد مدل به‌کاررفته ظرفیت خوبی برای پیش‌بینی میزان آب زاهدان دارد.

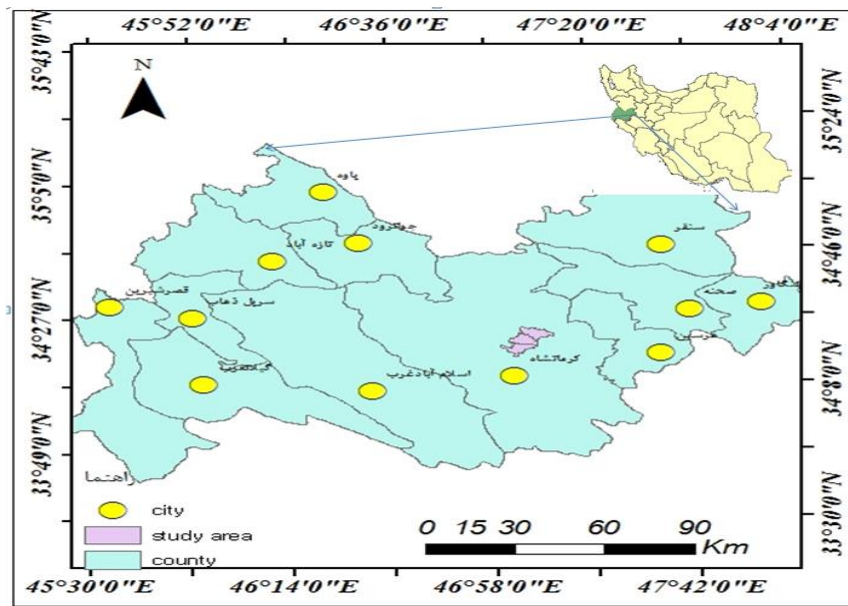
در سال ۲۰۱۲ پژوهشی تحت عنوان نقشه تقاضای آب شهری ارائه شد که هدف آن اولویت‌بندی مناطق شهری برای تقاضای آب مورد نیاز با استفاده از روش چندمعیاره (AHP) در شهری از کشور یونان بود. در این روش با استفاده از معیارهای طبیعی و انسانی مانند شیب، توپوگرافی، ارتفاع، فاصله از شبکه جاده و سیستم آب، پتانسیل پراکنش آب مورد

نیاز شهر بررسی شده است (Panagopoulos & Bathrellos, 2012). زرغامی (۲۰۰۸)، پژوهشی با عنوان مدیریت یکپارچه آب شهری با استفاده از MCDM<sup>۱</sup> برای شهر زاهدان انجام داد. زاهدان در سال‌های اخیر به دلیل افزایش جمعیت، کمبود آب شرب و نبود سیستم لوله‌کشی کامل توزیع آب با مشکلاتی روبه‌رو شده است. هدف از پژوهش بررسی یکپارچه مقدار آب و کمبود حجم آب موجود در سیستم لوله‌کشی با استفاده از منابع سطحی و زیرزمینی آب شهر است. برای یکپارچه کردن معیارهای مدیریت آب از برنامه‌های مقایسه‌ای مانند MODM<sup>۲</sup> استفاده کرده و نتایج حاکی از آن است که این نوع مدیریت درخواستی می‌تواند پروژه‌های انتقال آب به شهر زاهدان را حدود ۱۰ سال به تأخیر بیندازد. هدف از این تحقیق مقایسه نتیجه دو مدل FIS<sup>۳</sup> و FIS-MC<sup>۴</sup> برای پیش‌بینی میزان آب شرب مورد نیاز مناطق مختلف شهر کرمانشاه در سال ۱۴۰۰ با توجه به رشد جمعیت، سرانه آب مصرفی و توسعه شهر به منظور مدیریت و برنامه‌ریزی صحیح منابع آب این شهر است. این هدف همان نوآوری تحقیق است؛ یعنی ابتدا رابطه میزان آب مصرفی با پراکنش جمعیت، و بعد رابطه پراکنش جمعیت و توسعه فیزیکی شهر بررسی می‌شود و در نهایت، میزان پراکنش آب مصرفی با توجه به توسعه فیزیکی شهر در آینده محاسبه می‌گردد. با استفاده از روش الکترونی شاخص‌ها فیلتر شده است و مدل شبیه‌سازی مونت‌کارلو با توجه به کاهش عدم اطمینان شاخص‌ها، وزنشان را مشخص کرده و در نهایت شاخص‌ها همراه با وزن آنها به منظور پراکنش جمعیت، داده ورودی روش FIS می‌شوند.

## داده و روش تحقیق

محدوده تحت مطالعه، شهر کرمانشاه و محدوده‌های اطراف آن واقع در استان کرمانشاه است. این استان در میانه ضلع غربی کشور بین ۳۳ درجه و ۴ دقیقه تا ۳۵ درجه و ۱۷ دقیقه عرض شمالی و ۴۵ درجه و ۲۵ دقیقه تا ۴۸ درجه و ۶ دقیقه طول شرقی نسبت به نصف‌النهار گرینویچ قرار دارد. استان کرمانشاه از شمال به استان کردستان، از شرق به همدان، از جنوب به ایلام و از غرب به کشور عراق محدود شده است و با این کشور ۳۳۰ کیلومتر مرز مشترک دارد. استان کرمانشاه با وسعتی معادل ۴۲۴۵۸۶ کیلومتر مربع، حدود ۱/۵ درصد از مساحت کشور را به خود اختصاص داده و از این حیث پانزدهمین استان کشور است. محدوده تحت بررسی در این مطالعه شهر کرمانشاه را در بر می‌گیرد. شایان ذکر است در این مطالعه به توسعه فیزیکی محدوده شهر کرمانشاه اکتفا نشده، بلکه به منطقه‌ای بزرگ‌تر از محدوده کنونی شهر برای مطالعه در مراحل بعدی توسعه نیز توجه شده است که مساحتی حدود ۲۲۰ کیلومتر مربع را شامل می‌شود. شهر کرمانشاه در شرق استان کرمانشاه واقع شده که از شمال شرق و شمال به کوه پرآو، از جنوب به کوه سفید، از شرق به بیستون و از غرب به ماهیدشت محدود است. ارتفاع متوسط منطقه از سطح دریا ۱۴۲۴ متر است. حداکثر ارتفاع منطقه ۳۱۴۵ و حداقل آن ۱۲۹۰ متر است. رودخانه قره‌سو به عنوان رودخانه اصلی از مرکز شهر می‌گذرد. این رود از منطقه شمال وارد شهر می‌شود و از جنوب شرق به موازات کوه سفید منطقه فرامان را می‌پیماید و از شهر خارج می‌شود (شکل ۱).

1. Multi-criteria decision making
2. Multi-objective decision making
3. Fuzzy inference system
4. Fuzzy inference system- Monte Carlo



شکل ۱. نقشه محدوده تحت مطالعه شهر کرمانشاه

## روش الکتري

این مدل در اواخر دهه ۱۹۸۰ مطرح شد و به عنوان یکی از بهترین فنون تصمیم‌گیری چندشاخصه مورد توجه قرار گرفت. اساس این مفهوم روابط غیررتبه‌ای است؛ یعنی لزوماً به رتبه‌بندی گزینه‌ها منتهی نمی‌شود، بلکه ممکن است گزینه‌هایی را حذف کند. مراحل حل این مدل به این قرار است (اصغرپور، ۱۳۷۷):

گام اول: ماتریس بی‌مقیاس شده به روش نرم (N)

گام دوم: ماتریس اوزان با یکی از روش‌های وزن‌دهی (W)

گام سوم: ماتریس بی‌مقیاس موزون (V)

$$V = N * W$$

گام چهارم: تشکیل مجموعه هم‌هنگ و ناهم‌هنگ: در این مرحله همه گزینه‌ها به صورت دوجه‌دو با هم مقایسه می‌شود و شاخص‌هایی را که گزینه K ام در آن نسبت به گزینه I ام برتری دارد، در مجموعه هم‌هنگ (A) و بقیه را در مجموعه ناهم‌هنگ (D) قرار می‌دهیم. برای سادگی می‌توان ماتریسی را در نظر گرفت که سطرها و ستون‌های آن را گزینه‌هایی تشکیل داده و هر عنصر به جز قطر اصلی یک مجموعه است. برای مجموعه‌های هم‌هنگ اعضای این مجموعه‌ها شاخص‌هایی است که در آن گزینه سطر به گزینه ستون برتری دارد و بقیه مجموعه ناهم‌هنگ است.

$$D_{ki} = \{j | v_{jk} < v_{ij}\} \quad A_{ki} = \{j | v_{jk} \geq v_{ij}\}$$

گام پنجم: تشکیل ماتریس هم‌هنگ: این ماتریس فاقد عناصر قطر اصلی است و بقیه عناصر آن از مجموع اوزان اعضای مجموعه هم‌هنگ تشکیل می‌شود.

$$\begin{pmatrix} - & I_{12} & I_{13} & \cdots & I_{1m} \\ I_{21} & - & I_{23} & \cdots & I_{2m} \\ \vdots & \vdots & - & \vdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & - & \vdots \\ I_{m1} & I_{m2} & \cdots & I_{m(m+1)} & - \end{pmatrix}, I_{kl} = \sum w_j$$

گام ششم: تشکیل ماتریس ناهم‌هنگ: این ماتریس از نظر انطباق شبیه ماتریس ناهم‌هنگ است، با این تفاوت که اعضای آن از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$NI = \begin{pmatrix} - & NI_{12} & NI_{13} & \cdots & NI_{1m} \\ NI_{21} & - & NI_{23} & \cdots & NI_{2m} \\ \vdots & \vdots & - & \vdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & - & \vdots \\ NI_{m1} & NI_{m2} & \cdots & NI_{m(m+1)} & - \end{pmatrix}, NI_{kl} = \frac{\text{MAX}|V_{kj} - V_{lj}|, j \in D_{kl}}{\text{MAX}|V_{kj} - V_{lj}|, j \in A_{kl}}$$

گام هفتم: تشکیل ماتریس هم‌هنگ مؤثر: این ماتریس از یک حد آستانه‌ای استفاده می‌شود. در ماتریس‌های هم‌هنگ و ناهم‌هنگ هم می‌توان گزینه‌هایی را که مطلوبیت آنها پایین‌تر از حد مشخصی است به صفر و باقی را به یک تبدیل کرد. حد آستانه از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\bar{I} = \sum_{l=1}^m \sum_{k=1}^m \frac{I_{k,l}}{m(m-1)}, F_{kl} = \begin{cases} I_{kl} \geq \bar{I} \\ I_{kl} < \bar{I} \end{cases}$$

گام هشتم: تشکیل ماتریس ناهم‌هنگ مؤثر

$$\bar{NI} = \sum_{l=1}^m \sum_{k=1}^m \frac{I_{k,l}}{m(m-1)}, G_{kl} = \begin{cases} I_{kl} \geq \bar{NI} \\ I_{kl} < \bar{NI} \end{cases}$$

گام نهم: تشکیل ماتریس کلی مؤثر

$$H_{kl} = F_{kl} \cdot G_{kl}$$

## روش مونت کارلو

روش مونت کارلو یک طبقه از الگوریتم‌های محاسبه‌گر است که برای محاسبه نتایج خود بر نمونه‌گیری‌های تکرارشونده تصادفی اتکا می‌کند. روش‌های مونت کارلو اغلب برای شبیه‌سازی یک سامانه ریاضی یا فیزیکی استفاده می‌شوند. گرایش به استفاده از روش‌های مونت کارلو زمانی بیشتر می‌شود که محاسبه پاسخ دقیق با کمک الگوریتم‌های قطعی ناممکن یا ناموجه باشد (Douglas, 2007). روش‌های شبیه‌سازی مونت کارلو مخصوصاً در مطالعه سیستم‌هایی مفید است که در آن تعداد زیادی متغیر با درجه آزادی‌های دوبه‌دوی مرتبط وجود داشته باشد. از آن گذشته، روش‌های مونت کارلو برای شبیه‌سازی پدیده‌هایی که عدم قطعیت زیادی در ورودی‌های آنها وجود دارد نیز مفیدند؛ مثل محاسبه ریسک در تجارت. همچنین این روش‌ها به‌طور گسترده‌ای در ریاضیات به کار می‌روند. یک نمونه استفاده سنتی از این روش‌ها در برآورد

انتگرال‌های معین و به‌خصوص انتگرال‌های چندبعدي با محدوده‌های مرزی پیچیده<sup>۱</sup> است. فیزیک‌دانانی که در دهه ۱۹۴۰ روی پروژه ساخت یک سلاح اتمی در آزمایشگاه ملی لوس‌آلاموس آمریکا کار می‌کردند، واژه مونت‌کارلو را رایج کردند. استفاده از این روش نیاز به استفاده از مقادیر زیادی اعداد تصادفی دارد و این کاربرد باعث کنار رفتن و توقف گسترش زاینده‌ها یا اعداد شبه‌تصادفی می‌شود. مونت‌کارلو تنها یک روش ندارد، بلکه این واژه به گستره وسیعی از روش‌هایی که کاربرد اطلاق می‌شود، به‌هرحال، این رویکردها از یک الگوی مشخص پیروی می‌کنند:

۱. محدوده‌ای از ورودی‌های ممکن را تعریف می‌کنند.
۲. از آن محدوده ورودی‌های تصادفی را تولید می‌کنند.
۳. با استفاده از ورودی‌های به‌دست‌آمده یک سری محاسبه‌های مشخص را انجام می‌دهند.
۴. نتایج هر یک از اجراهای محاسباتی را در پاسخ نهایی ادغام می‌کنند.

کاربرد روش مونت‌کارلو در ریاضیات و آمار بسیار گسترده است. با استفاده از این روش با انتخاب تصادفی یک یا تعداد محدودی پاسخ از میان پاسخ‌های موجود برای دست یافتن به راه‌حل قابل قبولی تلاش می‌شود. این تکنیک زمانی ارزش پیدا می‌کند که مجموعه‌آلترناتیوهای موجود برای پاسخ یک مسئله بسیار بزرگ باشد و عملاً امکان آزمودن همه آنها وجود نداشته باشد. بعضی مواقع می‌توان با استفاده از انتگرال‌گیری مسائل را حل کرد. روش‌های قطعی انتگرال‌گیری عددی به‌وسیله دریافت عدد نمونه‌های فاصله‌دار یکنواخت از یک تابع است. به‌طور کلی، این روش برای توابع یک متغیری بسیار خوب جواب می‌دهد. درحالی‌که برای تابعی از بردارها، روش‌های تربیع قطعی بی‌تأثیرند (سپهر، ۱۳۹۱).

## سیستم استنتاج فازی

پروفسور لطفی‌زاده در سال ۱۹۶۵ تئوری فازی را در مقاله‌ای به نام *مجموعه‌های فازی معرفی کرد*. منطق فازی به‌طور گسترده‌ای به استفاده از متغیرهای زبانی در مسائل کاربردی اختصاص دارد. در واقع این منطق سعی می‌کند قواعد و قوانین موجود در یک سیستم را که در قالب عبارت‌ها و متغیرهای زبانی بیان می‌گردد، به‌صورت سیستم‌های فازی مدل‌سازی کند. چنین سیستم‌هایی به سیستم‌های قاعده - بنیاد فازی معروف‌اند (کوره‌پزان دزفول، ۱۳۸۴). سیستم استنتاج فازی یکی از مشهورترین کاربردهای منطق فازی و مجموعه‌های فازی است که می‌تواند برای طبقه‌بندی مفید باشد. توانایی سیستم‌های استنتاج فازی مربوط به تشخیص مضاعف آنهاست. از یک طرف آنها قادر به استفاده از عبارت‌های زبانی‌اند و از طرف دیگر، تخمین‌گرهای عمومی محسوب می‌شوند که قادر به انجام نقشه‌های غیرخطی بین ورودی و خروجی‌اند (Guillaume, 2001). با تعریف تابع عضویت از طریق متغیرهای زبانی بازی‌سازی انجام می‌گیرد. البته باید داده‌ها استاندارد یا نرمال باشند و همه ورودی‌ها را می‌بایست در یک محدوده عددی مثلاً بین صفر و یک قرار داد.

قوانین یک سیستم فازی نشان‌دهنده میزان آگاهی و دانش نسبت به کنترل آن سیستم است و قوانین با استفاده از

متغیرهای زبانی، برای تشریح استراتژی کنترل یک سیستم کنترل‌کننده فازی به کار می‌رود (فقیه، ۱۳۸۶). در این مرحله تلفیق داده‌ها با ایجاد پایگاه قواعد «اگر - آنگاه» فازی و به‌کارگیری مدل تصمیم‌گیری انجام می‌گیرد. از مدل‌های ممدانی و تاکی سوگو می‌توان به عنوان مدل‌های تصمیم‌گیری متداول در این مرحله نام برد (کریمی، ۱۳۸۸: ۱۷). در اینجا از مدل ممدانی استفاده شده است. فرمول نهایی موتور استنتاج فازی به صورت معادله ۱ است. در فرمول ۱،  $M$  نشان‌دهنده تعداد کل قوانین است.

$$\mu B'(y) = M \max[\sup_{x \in U} \min(\mu A(X), \mu A(x_1), \dots, \mu A(x_n)), \mu B(y)] \quad (1)$$

$\mu A$  ورودی است،  $\mu A(X1)$  تا  $\mu A(Xn)$  قسمت «اگر» ما و  $\mu B(y)$  قسمت «آنگاه» فازی است.  $\mu B'(y)$  عدد فازی ما است (Wang, 1997). برای ایجاد قوانین و چگونگی آنها از نظرهای کارشناسان و خبرگان با توجه به داده‌های موجود استفاده شده است. مرحله نهایی مدل قطعی‌سازی خروجی است. خروجی مرحله استنتاج فازی معمولاً شامل یک یا چندین عدد فازی است که بایستی به یک عدد حقیقی تبدیل گردد. این مرحله قطعی‌سازی داده‌ها نام دارد. برای انجام این مرحله معمولاً از روش‌های مرکز ثقل و مرکز بازه ماکزیمم استفاده می‌شود. روش مرکز ثقل که در این تحقیق به کار رفته است، با استفاده از رابطه ۲ بیان می‌شود.

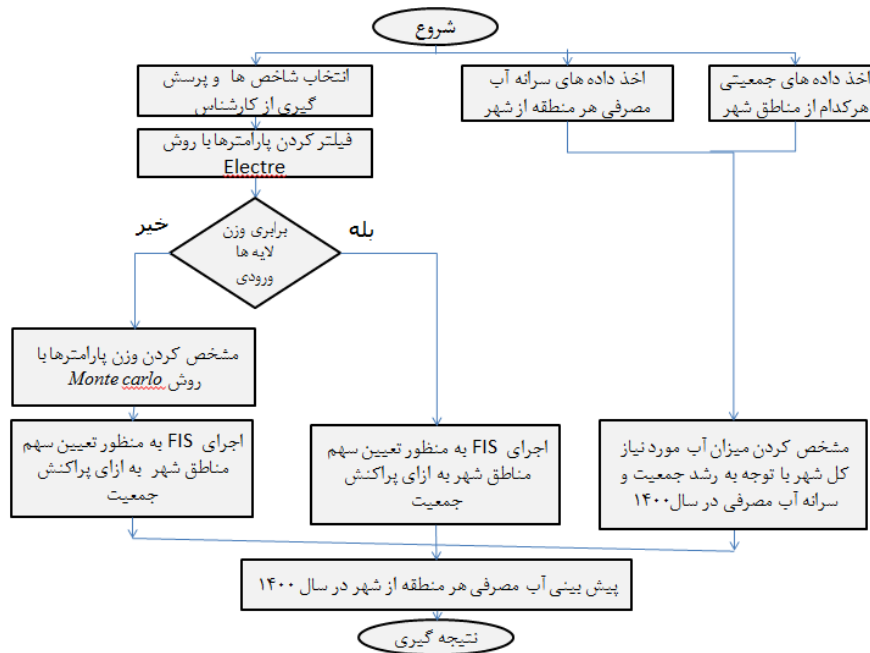
$$Z = \frac{\int \mu_c(z)z dz}{\int \mu_c(z) dz} \quad (2)$$

در این رابطه منظور از  $\mu_c$  درجه عضویت مقادیر فازی متغیر خروجی است. خروجی الگوریتم سیستم استنتاج فازی یک عدد بین صفر و یک است.

شکل ۲ نمایی کلی از فرایند پژوهش را نشان می‌دهد. ابتدا پارامترهای متناسب با موضوع با استفاده از تحقیقات پیشین و نظر خبرگان مشخص شده‌اند و در مرحله بعد، روش الکتری به منظور کاهش شاخص‌ها اجرا شده است. در گام سوم، شبیه‌سازی مونت کارلو برای به‌دست‌آوردن وزن شاخص‌ها اجرا می‌شود. در مرحله بعد، FIS به منظور توزیع جمعیت و میزان آب مصرفی به کار می‌رود.

در این تحقیق ابتدا ۱۰ شاخص به منظور لایه‌های مؤثر بر جمعیت و میزان آب مورد نیاز، با استناد به پژوهش‌های قبلی و نظر خبرگان انتخاب شده است. این پارامترها عبارت‌اند از جهت شیب، فاصله از رودخانه، ارتفاع منطقه، فاصله از شبکه لوله‌کشی آب، فاصله از راه‌ها (جاده-خیابان)، فاصله از مرکز شهر، تراکم جمعیت، کاربری اراضی، فاصله از رودخانه (جدول ۱). به دلیل زیاد بودن داده‌ها برای ورودی مدل FIS باید تعدادی از لایه‌ها فیلتر شوند و برای این کار از مدل الکتری استفاده می‌شود. برای انتخاب مؤثرترین شاخص‌ها از ۴۰ کارشناس پرسش به عمل آمد. نتایج پرسش‌ها در جدول ۱ مشاهده می‌شود. هر شاخص به صورت طیف لیکرت ارزش‌گذاری شده است. ارزش «اهمیت خیلی زیاد» یعنی بیشترین تأثیر و ارزش «اهمیت ناچیز» بیانگر کمترین تأثیر این لایه است.





شکل ۲. فلوچارتی از مراحل تحقیق به منظور پیش‌بینی آب شرب مورد نیاز مناطق مختلف شهر کرمانشاه

جدول ۱. درجه اهمیت و میانگین شاخص‌های مورد بررسی برای توسعه شهری شهر کرمانشاه با تأکید به افزایش جمعیت و آب مورد نیاز

میزان اهمیت لایه‌ها برای توسعه شهری (برای میزان افزایش جمعیت یک منطقه)					لایه‌های مورد استفاده
اهمیت ناچیز	اهمیت کم	اهمیت متوسط	اهمیت زیاد	اهمیت خیلی زیاد	
۵	۶	۷	۱۲	۱۰	فاصله از شبکه لوله‌کشی آب
۳	۱۲	۸	۸	۹	فاصله از راه‌ها (جاده- خیابان)
۹	۵	۱۱	۷	۸	فاصله از مرکز شهر
۷	۷	۶	۱۱	۹	تراکم جمعیت
۶	۷	۹	۹	۹	کاربری اراضی
۱۱	۴	۱۱	۹	۵	شیب منطقه
۵	۵	۷	۱۲	۱۱	ارتفاع منطقه
۴	۶	۱۲	۱۰	۸	جهت شیب
۶	۲	۹	۷	۱۶	فاصله از رودخانه
۶	۹	۱۱	۸	۶	فاصله از غسل

مرحله بعد تعیین وزن شاخص‌هاست که برای رسیدن به این مهم از روش شبیه‌سازی مونت کارلو استفاده می‌شود. برای اجرای مدل مونت کارلو بر حسب مقایسه‌های زوجی به منظور اصلاح و ارزیابی پرسش‌گیری از خبرگان باید به صورت زیر عمل شود. در این ارزش‌گذاری عدد ۵ نشانه بیشترین اهمیت و عدد ۱ نشان‌دهنده کمترین اهمیت است (جدول ۲).

جدول ۲. درجه اهمیت کیفی و کمی شاخص‌های انتخاب‌شده برای توسعه شهری کرمانشاه

اهمیت خیلی زیاد	اهمیت زیاد	اهمیت متوسط	اهمیت کم	اهمیت ناچیز
۵	۴	۳	۲	۱

در این پژوهش برای تعیین میزان عدم اطمینان در محاسبه‌ها و تکرارهای مونت‌کارلو از معادله برآورد عدم اطمینان قضاوت‌های ساعتی (۱۹۸۰) استفاده شده است (سپهر، ۱۳۹۲). در ابتدا میانگین و انحراف معیار هر شاخص ( $X_i$ ) به دست می‌آید و طبق رابطه ۱ معیار جامع عدم اطمینان رتبه‌بندی‌ها ( $T$ ) محاسبه می‌شود.  $n$  تعداد نمونه‌ها،  $\delta_i$  انحراف معیار وزن‌ها و  $w_i$  میانگین وزنی شاخص‌ها است. با استفاده از رابطه ۴ تعداد تکرارهایی که در بازه اطمینانی در رابطه ۳ به دست آمده حساب می‌شود.  $A$  نشانه میزان دقت محاسبات است.

$$T = \sqrt{\frac{1}{n} \sum \left( \frac{\delta_i}{w_i} \right)} \quad (3)$$

$$N = \frac{1/96^2}{4A^2} \quad (4)$$

حال نوبت به مقایسه زوجی رتبه شاخص‌ها نسبت به هم است. در این مرحله با استفاده از وزن‌های به دست آمده از پرسش‌گیری، شاخص‌ها دوبه‌دو با هم مقایسه می‌شوند و در نهایت با توجه به جمع رتبه‌های به دست آمده برای هر شاخص، میزان اهمیت آن مشخص می‌شود. این مقایسه با استفاده از آزمون فریدمن انجام می‌گیرد. آزمون فریدمن هم یک آزمون ناپارامتر، معادل آنالیز واریانس با اندازه‌های تکراری است که از آن برای مقایسه میانگین رتبه‌ها در بین  $k$  متغیر استفاده می‌شود.

مرحله بعدی اجرای روش FIS به منظور تعیین پتانسیل پراکنش جمعیت در مناطق مختلف شهر است. روش FIS به دو حالت اجرا می‌شود: در حالت اول که همان مدل تلفیقی مونت‌کارلو و سیستم استنباط فازی است، از نتایج به دست آمده از روش مونت‌کارلو برای وزن لایه‌های ورودی استفاده می‌شود و حالت دوم، روش FIS است که وزن همه شاخص‌ها را برابر در نظر می‌گیرد.

ابتدا روش مونت‌کارلو - سیستم استنباط فازی اجرا می‌شود. برای انجام این مرحله ابتدا باید لایه‌ها نرمال شوند که این کار به صورت معادله ۵ انجام می‌گیرد:

$$x_i = \frac{R_i - R_{min}}{R_{max} - R_{min}} * \text{normalized range} \quad (5)$$

در آن:

$x_i$  ارزش سلول بعد از نرمال کردن،  $R_i$  ارزش سلول قبل از نرمال‌سازی،  $R_{min}$  مقدار کمینه در فاکتور،  $R_{max}$  مقدار بیشینه در فاکتور، و  $\text{normalized range}$  ضریب نرمال‌شدگی است که به جای آن از وزن‌های حاصل از مدل مونت‌کارلو استفاده می‌شود.

گام اول مشخص کردن تابع عضویت است که برای تعیین آن از توابع عضویت مثلثی استفاده شده است که نمونه آن

برای شیب در زیر نمایش داده شده است.

توابع عضویت شیب:

$$\mu_x = \begin{cases} 0 & x < 0, x > 0/3 \\ 1/3(3 - 10x) & 0 \leq x \leq 0/3 \end{cases} \quad \text{کلاس مناسب}$$

$$\mu_x = \begin{cases} 0 & 0/5 < x, x > 0/5 \\ 1/25(100x - 5) & 0/5 \leq x \leq 0/3 \\ 1/2(5 - 10x) & 0/3 < x \leq 0/5 \end{cases} \quad \text{کلاس متوسط}$$

$$\mu_x = \begin{cases} 0 & x < 0/3, x > 1 \\ 1/7(10x - 3) & 0/3 \leq x \leq 1 \end{cases} \quad \text{کلاس نامناسب}$$

گام بعدی در سیستم‌های استنتاج‌گر فازی، تلفیق داده‌های فازی است که با به‌کارگیری موتور استنتاج فازی انجام می‌گیرد.

در مرحله سوم با توجه به درجه‌های عضویت فازی پیکسل به توابع عضویت ورودی، درجه عضویت پیکسل به تابع عضویت خروجی محاسبه می‌گردد. در مدل ممدانی برای ترکیب درجه‌های عضویت فازی توابع ورودی از عملگر AND، معادل حداقل استفاده می‌شود. برای نمونه، در قاعده‌ای که برای شیب عضویت ۰/۵، برای فاصله از معابر ۰/۲، برای فاصله از سیستم لوله‌کشی آب عضویت ۰/۷، فاصله از مرکز شهر عضویت ۰/۴، فاصله از گسل ۰/۷، کاربری ۰/۵ و برای تراکم عضویت ۰/۹ داشته باشیم، درجه عضویت فازی این پیکسل در این قاعده برابر با مینیمم آنها، یعنی ۰/۲ است. گام چهارم خروجی قطعی‌سازی شده است.

حال FIS را برای حالت دوم انجام می‌دهیم؛ یعنی حالتی که فرض شده وزن کل شاخص‌ها برابر است. اجرای این روش دقیقاً مانند حالت اول است، فقط در نرمال کردن لایه‌ها به جای *normalized renga* عدد ۱ قرار داده می‌شود. مرحله بعدی تحقیق به‌دست‌آوردن سهم نسبی توزیع جمعیت هر یک از مناطق شهر است. این منطقه‌بندی با توجه به تقسیمات شرکت آب‌وفاضلاب مشخص شده است. برای رسیدن به این میزان آب شرب مورد نیاز شهر در سال ۱۴۰۰ به این صورت عمل شده است: ابتدا فرض شده تا سال ۱۴۰۰ شهر تا حریم ۳۰۰ متر مسکونی می‌شود، یعنی یک بافر ۳۰۰ متری به مناطق فعلی شهر (سال ۱۳۹۰) اضافه شده است و بعد، منطقه‌های ۱، ۲ و ۳ و نواحی‌ای که جدیداً به آنها افزوده شده، جدا خواهد شد. در مرحله بعد، مجموع ارزش تمام پیکسل‌های هر منطقه محاسبه و سهم نسبی هر کدام مشخص شده است. حال این ضرایب در مقدار محاسبه‌شده سرانه آب مصرفی (جدول ۳) و میزان جمعیت پیش‌بینی‌شده (که به ترتیب از شرکت آب‌وفاضلاب و شهرداری استان اخذ شده‌اند)، برای سال ۱۴۰۰ ضرب شده و میزان آب مورد نیاز برای هر منطقه محاسبه شده است.

جدول ۳. میانگین سرانه مصرفی آب شرب ماهانه شهر کرمانشاه (متر مکعب)

میانگین	منطقه ۳	منطقه ۲	منطقه ۱	ماه‌های سال
۵/۱۵	۴/۶۹	۵/۵	۵/۲۶	فروردین
۵/۰۸	۴/۸۲	۵/۴۲	۴/۹۹	اردیبهشت
۴/۴۴	۴/۶۲	۴/۳۸	۴/۳۳	خرداد
۵/۶	۵/۱۵	۵/۶۲	۶/۰۳	تیر
۵/۷۷	۵/۵۵	۵/۷۳	۶/۰۱	مرداد
۵/۹۶	۵/۵۵	۶/۳۱	۶/۰۱	شهریور
۵/۷۶	۵/۶	۵/۹۵	۵/۷۴	مهر
۵/۷۳	۵/۲۵	۵/۹۹	۵/۹۴	آبان
۴/۸۱	۴/۷۹	۴/۷۷	۴/۸۷	آذر
۴/۴	۴/۵۶	۵/۰۱	۳/۶۴	دی
۴/۷۵	۴/۵۶	۴/۴۸	۵/۲۲	بهمن
۴/۹۵	۴/۴۵	۴/۸۸	۵/۵۱	اسفند

برای جمعیت از میانگین سرشماری نفوس دوره‌های قبل (۱۳۳۵-۱۳۹۰) استفاده شد که با توجه به معادله‌های پیش‌بینی رشد جمعیت، میزان جمعیت شهر کرمانشاه برای سال ۱۴۰۰ محاسبه شده است و برای سرانه میزان آب مصرفی هم از میانگین داده‌های ماهانه در سال‌های ۱۳۹۱-۱۳۹۳ استفاده شده است (جدول ۳).

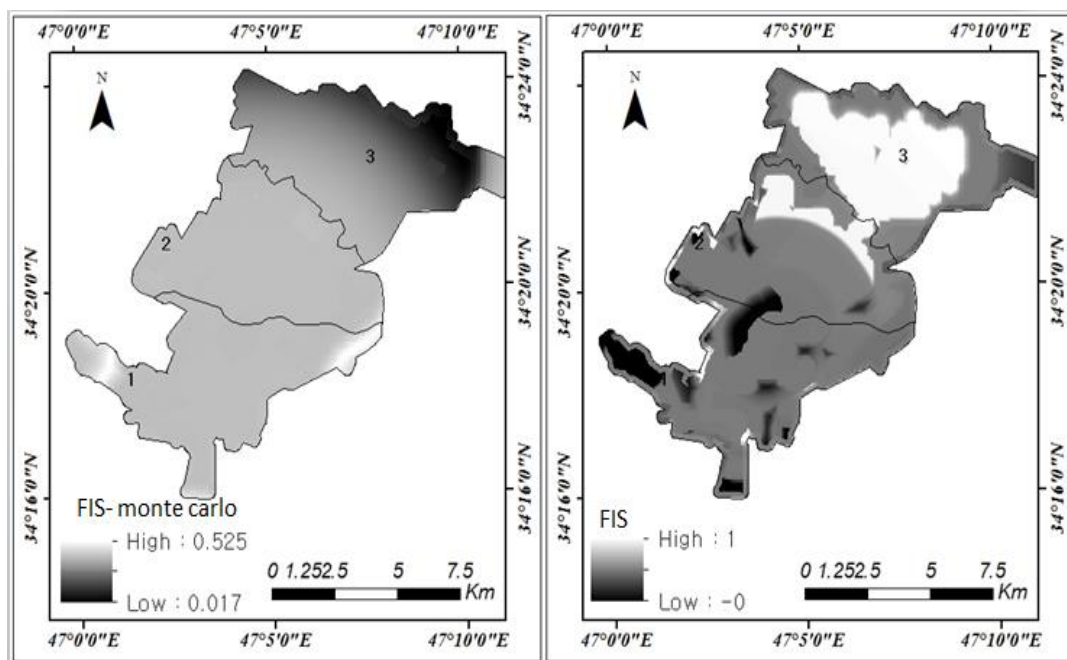
### بحث و نتیجه‌گیری

بعد از اجرای روش الکتری روی جدول ۱ شاخص‌های جهت شیب، فاصله از رودخانه و ارتفاع منطقه حذف شدند. همان‌طور که اشاره شد، روش مونت کارلو بر اساس قضاوت ساعتی انجام گرفت. مقدار ۰/۱ برای A که نشانه میزان دقت محاسبات بود، تعیین شده است. همچنین مقدار T و N به ترتیب تقریباً ۵ درصد و ۱۰۰۰۰ است. نتایج رتبه‌بندی‌های حاصل از روش مونت کارلو در جدول ۴ نمایان است.

جدول ۴. نتایج وزن شاخص‌های حاصل از شبیه‌سازی مونت کارلو

شاخص	مجموع رتبه هر شاخص
فاصله از شبکه لوله‌کشی آب	۵
فاصله از راه‌ها (جاده-خیابان)	۴/۳۷
فاصله از مرکز شهر	۳/۶
تراکم جمعیت	۴/۳۹
کاربری اراضی	۴/۳۱
شیب منطقه	۲/۹۹
فاصله از گسل	۳/۵۱

برای مدل تلفیقی FIS-MC از وزن‌های جدول ۴ استفاده شده است که نتایج آن در شکل ۳ مشاهده می‌شود.



شکل ۳. نقشه نهایی حاصل از اجرای مدل FIS و مدل FIS-MC

نتایج سهم نسبی هر یک از مناطق ۱، ۲ و ۳ برای هر دو مدل که در شکل ۳ هم نشان داده شده است، در جدول ۵ مشاهده می‌شود. همان‌طور که از اعداد این جدول مشخص است، نتیجه دو مدل با هم برابر نیستند، یعنی سهم نسبی هر منطقه در دو مدل تفاوت‌هایی دارند که این تفاوت ناشی از وزن‌های حاصل از شبیه‌سازی مونت‌کارلو است. با توجه به اعداد جدول ۵، منطقه ۳ در هر دو مدل بیشترین سهم و منطقه ۱ کمترین سهم را به خود اختصاص داده است. در جدول ۶ نتایج نهایی میزان آب درخواستی برحسب مترمکعب برای هر کدام از مناطق مشخص است. مثلاً در منطقه ۳ نتایج حدود پنج میلیون مترمکعب با هم اختلاف دارند.

جدول ۵. مقدار سهم آب مورد نیاز مناطق سه‌گانه شهر کرمانشاه (درصد)

منطقه	FIS	FIS-MC
۱	۲۷	۳۲
۲	۳۱	۳۳
۳	۴۲	۳۵

جدول ۶. مقدار آب مورد نیاز مناطق سه‌گانه شهر در سال ۱۴۰۰ (مترمکعب)

منطقه	FIS	FIS-MC
۱	۱۹۴۶۴۵۴۳	۲۳۰۶۹۰۸۸
۲	۲۲۳۴۸۱۷۹	۲۳۷۸۹۹۹۷
۳	۳۰۲۷۸۱۷۸	۲۵۲۳۱۸۱۵

نتیجه کلی که می‌توان از جدول‌های ۵ و ۶ استنباط کرد این است که نتیجه دو مدل با هم برابر نیستند. در مدل FIS-MC وزن شاخص‌ها بر اساس اهمیت آنها نسبت به موضوع مشخص شده و از نظرهای خبرگان تأثیر گرفته است. در مدل FIS-MC برخلاف برابری وزن لایه‌ها در حالت اول (FIS) با هم برابر نیستند و از طرفی چون مدل FIS-MC نسبت به مدل FIS هم از لحاظ تئوری قوی‌تر و هم انعطاف‌پذیرتر است، نتیجه آن متعادل‌تر و منطقی‌تر است و این موضوع به‌وضوح در جدول‌های ۵ و ۶ مشاهده می‌شود.

### نتیجه‌گیری

بررسی نحوه و میزان پراکنش آب مصرفی / مورد نیاز یک شهر موضوعی بسیار پیچیده است و از عوامل زیادی مانند پارامترهای طبیعی، زیرساخت انسانی، سیاست‌ها و برنامه‌ریزی‌های شهری و شهرسازی و... که به‌نحوی بر توزیع جمعیت در سطح یک منطقه مؤثرند، تأثیر می‌پذیرد. از طرفی، برای رسیدن به این مهم از روش‌های MCDM استفاده می‌شود و چون مدل‌های تلفیقی به علت انعطاف زیاد و قوی بودن تئوری‌شان بهتر می‌توانند پیچیدگی مسائل را در نظر بگیرند، نسبت به همان مدل‌ها در حالت مستقل (غیرتلفیقی) جواب بهتری می‌دهند (رحمتی، ۲۰۱۴؛ شهرکی، ۲۰۱۴؛ اصغری‌پور، ۱۳۷۷؛ انواری، ۱۳۹۱؛ لیوا، ۲۰۰۳؛ شو و اورد، ۲۰۰۸؛ غضنفری، ۱۳۹۰؛ فاروقی، ۱۳۸۹).

در این پژوهش از دو روش FIS و FIS-MC برای رسیدن به پراکنش جمعیت و میزان آب مورد نیاز استفاده شد که نتایج هر دو مدل با هم اختلاف دارند. با توجه به توضیحات پژوهش، نتایج مدل تلفیقی FIS-MC معقولانه‌تر است. نتیجه پیش‌بینی شده به ارگان‌های وابسته به منابع آب پیشنهاد شد تا بتوانند از آن برای برنامه‌ریزی‌های آینده و در جهت مدیریت منابع آب و مدیریت بحران استفاده کنند.

## منابع

- اصغرپور، محمدجواد؛ (۱۳۷۷). تصمیم‌گیری و تحقیق در عملیات، انتشارات دانشگاه تهران، تهران.
- انواری، علی‌اصغر؛ حسینیان، شهامت؛ (۱۳۹۱). رتبه‌بندی مالی شرکت‌های بورس با روش‌های تصمیم‌گیری چندشاخصه و مدل‌های ترکیبی، شماره ۱، ۵۴-۳۱.
- خدابخشی، بهناز؛ جعفری، حمیدرضا؛ (۱۳۸۹). کاربرد مدل تصمیم‌گیری چندمعیاره Electre-TRI در ارزیابی اثرات زیست‌محیطی طرح‌های توسعه منابع آب، آب و فاضلاب، شماره ۳.
- دیوید، فردا؛ (۱۳۷۹). مدیریت استراتژیک، ترجمه علی پارسیان و محمد اعرابی، انتشارات پژوهش‌های فرهنگی، تهران.
- سلطان‌پناه، ه.؛ فاروقی، ه.؛ گلابی، م.؛ (۱۳۸۹). به کارگیری و مقایسه تکنیک‌های تصمیم‌گیری چندشاخصه در رتبه‌بندی کشورها بر مبنای میزان توسعه انسانی، مجله دانش و فناوری، (۲)۱.
- عادل، سپهر؛ (۱۳۹۱). ایجاد سامانه شاخص‌های بیابان‌زایی بر اساس DPSIR (بهره‌گیری از روش فازی-تاپسیس)، مجله جغرافیا و برنامه‌ریزی محیطی، شماره ۱.
- ؛ (۱۳۹۲). استفاده از روابط مونت کارلو در کاهش عدم اطمینان مقایسات زوجی شاخص‌های بیابان‌زایی، فصلنامه تحقیقات جغرافیایی، شماره ۴.
- علی‌احمدی، علی‌رضا؛ فتح‌الله، مهدی؛ تاج‌الدین، ایرج؛ (۱۳۸۲). نگرشی جامع بر مدیریت استراتژیک، انتشارات تولید دانش، تهران.
- غضنفری‌راد، فروغ؛ (۱۳۹۰). مجله تحقیق در عملیات و کاربردهای آن؛ ارائه یک مدل ترکیبی از روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره فازی برای تعیین محل شهرک صنعتی، شماره ۶.
- فقیه، نظام‌الدین؛ علمداری بولی، فرشاد؛ (۱۳۸۶). کنترل هوشمند مواد با کنترل فازی (صنعت کامپوزیت) T انتشارات رخشید.
- کریمی، محمد؛ (۱۳۸۸). مدل‌سازی توان اکولوژیکی سرزمین، با استفاده از منطق فازی، سنجش از دور و GIS ایران، شماره اول، سال اول، ص ۱۷-۳۸.
- کوره‌پزان دزفولی، امین؛ (۱۳۸۴). اصول تئوری مجموعه‌های فازی، انتشارات جهاد دانشگاهی واحد صنعتی امیرکبیر.
- مخدوم، مجید؛ (۱۳۷۸). شالوده آمایش سرزمین، انتشارات دانشگاه تهران.
- ملک‌محمدی، ب.؛ کرایچیان، ر.؛ (۱۳۸۷). رتبه‌بندی جواب‌های مدل بهینه‌سازی چندهدفه بهره‌برداری از مخازن با روش Electre-TRI، مجموعه مقالات سومین کنفرانس مدیریت منابع آب ایران، تبریز، ایران.
- Ali Ahmed, A.; Fatah, Ali; R.Tajaldin, I. (1382). Holistic approach to strategic management, knowledge Publications, Tehran.
- Asgharpour, M. J. (1377). Decision and Operations Research, Tehran University Press, Tehran.
- Bathrellos, G. et al. (2012). Potential suitability for urban planning and industry development using natural hazard maps and geological-geomorphological parameters, Environmental Earth Sciences\_66(2): 537-548
- David, F. (1379). Strategic management, translation Persians, and Arabs Ali, Muhammad, Cultural Studies Publications, Tehran.
- Douglas, H. (2007). How to Measure Anything: Finding the Value of Intangibles in Business p. 46, John Wiley & Sons.

- Faqih, N.; Booli, A.; Farshad, (1386). Intelligent control, fuzzy control materials (composites industry), Rakhshyd publications.
- George, D. (2012). Bathrellos KalliopiGaki-Papanastassiou, Potential suitability for urban planning and industry development using natural hazard maps and geological-geomorphological parameters” Environ Earth Sci 66:537-548
- George, P.; Panagopoulos, George, D., Bathrellos (2012). Mapping Urban Water Demands Using Multi-Criteria Analysis and GIS” Water Resour Manage, 26:1347-1363.
- Ghazanfari Rad, F. (1390). Presents a hybrid model of fuzzy multi-criteria decision-making methods to locate Industrial Zone, Journal of Operations Research and its Applications, No. 6.
- Hoda Rahmati, S. et al. (2014). A comparison of anfis, ann, arma & multivariable regression methods for urban water-consumption forecasting, considering impacts of climate change: a case study on tehran mega city. Indian J.Sci.Res. 7 (1): 870-880, 2014.
- Karimi, M. (1388). Ecological modeling capability, using fuzzy logic of remote sensing and GIS Center, the first year .pp. 17-38.
- Khodabakhshi, B.; Jafar, H. (1389). Application of Multi Criteria Decision Making Electre-TRI in environmental impact assessment, water resource development projects, water and sewer, N 3.
- Kore Pzan Dezful, A. (1384). The theory of fuzzy sets. Publication Amirkabir University Jihad.
- Leyva, J.; Fernandez, E. (2003). A New Method for Group Decision Support Based on ELECTRE III Methodology, www.sciencedirect.com.
- Makhdoom, M. (1378). Land base of Tehran University Press.
- Malek Mohammadi, B.; Kraychyan, B. (1387). Anking solutions of multi-objective optimization model, exploitation of reservoirs with Electre-TRI, Proceedings of the Third Conference on Water Resources Management in Iran, Tabriz, Iran.
- Mousseau, V.; Slowinski, R. (1998). Inferring an Electre-TRI model from assignement examples, Journal of Global optimization, 12: 157-174.
- Panagopoulos, G.; Lambrakis, N.; (2006). The contribution of time series analysis to the study of the hydrody-namic characteristics of the karst systems, application on two typical karst aquifers of Greece (Trifilia SaatyT. the analytic hierarchy process, McGraw-Hill, New York, 1980.
- Sepehr, A. (1391). Causing desertification of the system parameters based on the DPSIR (use of fuzzy-TOPSIS method), Journal of Geography and Environmental Planning, No. 1.
- Sepehr, A. (1392). Using pairwise comparisons of Monte Carlo in reducing uncertainty parameters Byabanzayy, Geographical Research Quarterly, No. 4.
- Shahraki, J. Abbasian (2014). Application of artificial neural network rbf and gmdh forecasting short- term water demand, Journal of Multidisciplinary Research, Vol. 3 Issue 5 ISSN 2278-0637, 1-11.
- Shiklomanov, I. A.; (2000). Appraisal and assessment of world water resources, J. Water International, 25(1), 11-32.
- Shu, C.; Ouarda, T. B. M. J.; (20080. Regional flood frequency analysis atungauged sites using the adaptiveneuro-fuzzy inference system, Journal of Hydrology 349, 31-43.



Sultan Panah, E.; Farooq-e.; Pears, D. (1389). Application and comparison of techniques for multi attribute decision making based on the ranking of countries in terms of human development, *Journal of Science and Technology*, 1 (2).

Zarghami, M. et al. (2008). Multi-criteria Decision Making for Integrated Urban Water Management, *Water Resources Management*, 22(8): 1017-1029.